|  |  |
| --- | --- |
| 结论八：等比数列 | |
| 结    论 | 已知等比数列{an},公比为q,前n项和为Sn.  (1)an=am·qn-m,an+m=anqm=amqn(m,n∈N\*).  (2)若m+n=p+q,则am·an=ap·aq(m,n,p,q∈N\*);反之,不一定成立.  (3)a1a2a3…am,am+1am+2…a2m,a2m+1a2m+2…a3m,…成等比数列(m∈N\*).  (4)公比q≠-1时,Sn,S2n-Sn,S3n-S2n,…成等比数列(n∈N\*).  (5)若等比数列的项数为2n(n∈N\*),公比为q,奇数项之和为S奇,偶数项之和为S偶,则=q.  (6){an},{bn}是等比数列,则{λan},,{anbn},也是等比数列(λ≠0,n∈N\*).xk-\*/w  (7)通项公式an=a1qn-1=·qn.从函数的角度来看,它可以看作是一个常数与一个关于n的指数函数的积,其图象是指数函数图象上一群孤立的点.  (8)只有同号的两个数才能有等比中项;两个同号的数的等比中项有两个,它们互为相反数.  (9)三个数成等比数列,通常设为,x,xq;四个数成等比数列,通常设为,,xq,xq3. |
| 解  读 | 对于等比数列中的这些结论要做到熟悉，有的需要记忆，有的需要了解推导过程。当用到这些结论时要会根据等差数列前n项和公式、通项公式推导。例如第（1）中的 |
| 典  例 | 等比数列的前项和为，则\_\_\_\_\_\_\_. |
| 解  析 |  |
| 反  思 | 本题根据等比数列的前项和的性质可知也成等比数列，再利用即求得，即得结果. 本题的解题关键在于熟知等比数列的“等距片段和”也成等比数列，进而突破难点. |
| 针对训练\*举一反三 | |
| 1．在各项均为正数的等比数列中，，，则（ ）  A．1 B．9 C． D．  2．设是等比数列的前项和，若，则（ ）  A． B． C． D．  3．设等比数列的前项和为，且，则（ ）  A．255 B．375 C．250 D．200  4．等比数列{*an*}的公比为*q*(*q*≠1)，则数列*a*3，*a*6，*a*9，…，*a*3*n*，…的前*n*项和为（ ）  A． B．  C． D．  5．已知数列是等比数列，为其前项和，若，则（ ）  A．50 B．60 C．70 D．80  6．已知等比数列{*an*}的前*n*项和为*Sn*，且*a*1＝，*a*2*a*6＝8(*a*4－2)，则*S*2 020＝（ ）  A．22 019－ B．1－2 019  C．22 020－ D．1－2 020  7．设等比数列的前项和为，公比，则\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_.  8．已知等比数列的各项均为正数，若，则＝（ ）  A．1 B．3 C．6 D．9 | |

****